Решение задачи по статистике населения

Задание.

Определите долю пенсионеров в среднем для городского района, состоящего из трех микрорайонов.

Укажите вид и форму средней величины.

Микрорайоны	Численность пенсионеров,	Доля пенсионеров в численности
	тыс. чел.	населения, %
1	15	17
2	25	12
3	12	14

Решение.

Обозначим через S — численность населения микрорайона, тыс. чел.; $S_{{\scriptscriptstyle \Pi}}$ — численность пенсионеров микрорайона, тыс. чел.; $d_{{\scriptscriptstyle \Pi}}$ — доля пенсионеров в численности населения, %.

Запишем формулу для расчета доли пенсионеров в численности населения:

$$d_{\Pi} = \frac{S_{\Pi}}{S} \cdot 100.$$

Тогда в среднем для городского района, состоящего из трех микрорайонов:

$$\bar{d}_{II} = \frac{\sum_{i=1}^{3} S_{IIi}}{\sum_{i=1}^{3} S_{i}} \cdot 100.$$

Поскольку численность населения микрорайонов неизвестна, найдем ее таким образом:

$$d_{\Pi} = \frac{S_{\Pi}}{S} \cdot 100 \Longrightarrow S = \frac{S_{\Pi} \cdot 100}{d_{\Pi}}.$$

Тогда:

Задача скачана с https://www.matburo.ru/ (еще много бесплатных примеров на сайте) ©МатБюро - Решение задач по математике, экономике, статистике, программированию

$$\overline{d}_{\Pi} = \frac{\sum_{i=1}^{3} S_{\Pi i}}{\sum_{i=1}^{3} \frac{S_{\Pi i}}{d_{\Pi i}}}.$$

Таким образом, для расчета средней доли пенсионеров для городского района будем использовать формулу средней гармонической взвешенной.

Выполним расчеты:

$$\overline{d}_{II} = \frac{15 + 25 + 12}{\frac{15}{17} + \frac{25}{12} + \frac{12}{14}} = 13,60\%.$$

Доля пенсионеров в общей численности населения в среднем составляет 13,60%.